

SA's Leading Past Year

Exam Paper Portal



You have Downloaded, yet Another Great Resource to assist you with your Studies 😊

Thank You for Supporting SA Exam Papers

Your Leading Past Year Exam Paper Resource Portal

Visit us @ www.saexampapers.co.za



**SA EXAM
PAPERS**
SA EXAM
PAPERS



Province of the
EASTERN CAPE
EDUCATION

Iphondo leMpuma Kapa: Isebe leMfundo
Provinsie van die Oos Kaap: Departement van Onderwys
Porafensie Ya Kapa Botjhabela: Lefapha la Thuto

NASIONALE SENIORSERTIFIKAAT

GRAAD 12

SEPTEMBER 2024

WISKUNDE V2

PUNTE: 150

TYD: 3 uur

Hierdie vraestel bestaan uit 14 bladsye, insluitend 'n
inligtingsblad en 'n antwoordeboek van 21 bladsye.

INSTRUKSIES EN INLIGTING

Lees die volgende instruksies noukeurig deur voordat vrae beantwoord word.

1. Hierdie vraestel bestaan uit 10 vrae.
2. Beantwoord AL die vrae in die SPESIALE ANTWOORDEBOEK wat verskaf word.
3. Dui ALLE berekeninge, diagramme, grafieke, ens. wat jy in die beantwoording van die vrae gebruik het, duidelik aan.
4. Slegs antwoorde sal NIE noodwendig volpunte verdien NIE.
5. Jy mag 'n goedgekeurde wetenskaplike sakrekenaar gebruik (nieprogrammeerbare en niegrafies), tensy anders vermeld.
6. Indien nodig, rond antwoorde tot TWEE desimale plekke af, tensy anders vermeld.
7. Diagramme is NIE noodwendig volgens skaal geteken NIE.
8. 'n Inligtingsblad met formules is aan die einde van die vraestel ingesluit.
9. Skryf netjies en leesbaar.

VRAAG 1

- 1.1 Die hoeveelheid liters diesel wat deur 15 trokbestuurders by 'n petrolstasie gekoop is, is soos volg aangeteken.

82	64	55	50	41
71	78	88	98	96
63	66	80	84	88

- 1.1.1 Skryf die modus neer. (1)
- 1.1.2 Skryf die omvang neer. (1)
- 1.1.3 Bereken die gemiddelde. (2)
- 1.1.4 Bereken die standaardafwyking vanaf die gemiddelde. (1)
- 1.1.5 Bepaal hoeveel trokbestuurders liters diesel gekoop het wat verder as een standaardafwyking onder die gemiddelde is. (3)
- 1.2 Die gemiddelde gewig van 8 mense wat in 'n hysbak klim is 75 kg. Die hysbak het 'n gewigslimiet van 1 000 kg.
- Hoeveel mense kan nog in die hysbak klim, as dit aangeneem word dat die gemiddelde gewig 75 kg bly? (4)

[12]**VRAAG 2**

Graad 8 uitslae van twee toetse, elk uit 50 punte geskryf, word hieronder gelys.

TOETS A (x)	39	33	35	44	37	40	24	31	30	5
TOETS B (y)	41	45	48	40	47	42	37	44	43	24

- 2.1 Identifiseer 'n uitskieter vanaf die gegewe tabel. (1)
- 2.2 Bepaal die vergelyking van die kleinstekwadrate-regressielyn. (3)
- 2.3 Gebruik die vergelyking van die kleinstekwadrate-regressielyn om 'n punt vir TOETS B te beraam as 'n leerder 14 punte in TOETS A behaal het. Rond jou antwoord tot die naaste heelgetal af. (2)
- 2.4 Lewer kommentaar oor die sterkte van die korrelasie tussen TOETS A en TOETS B. (2)

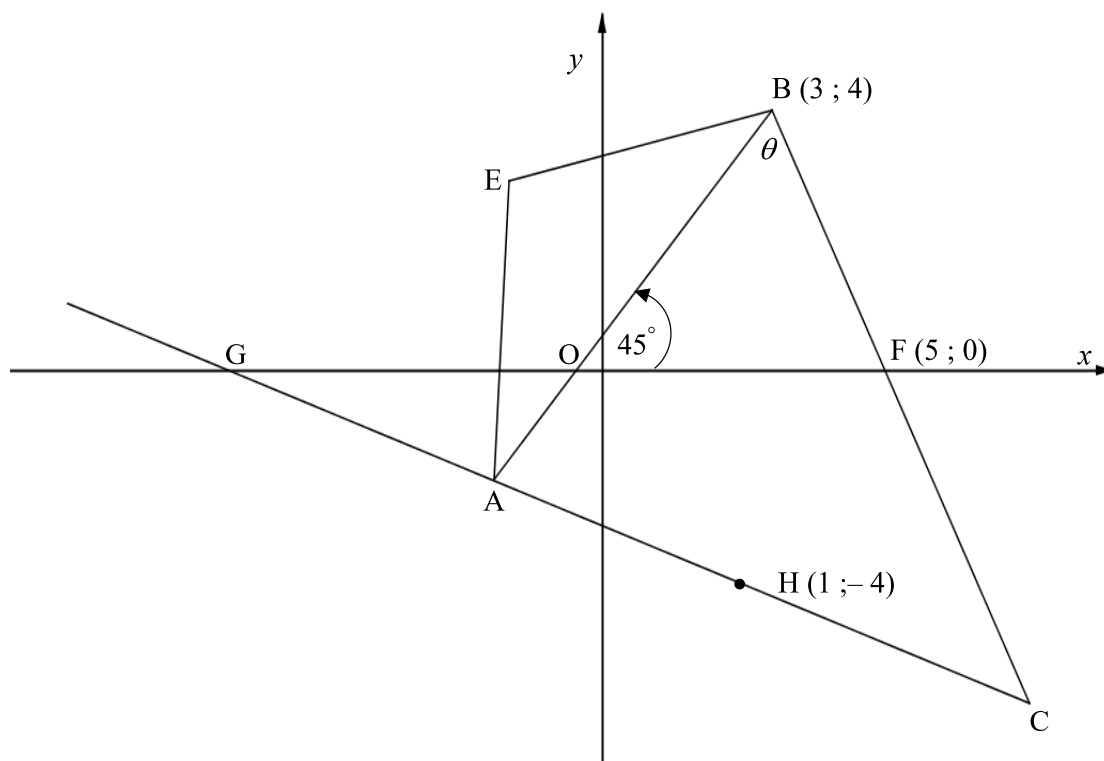
[8]

VRAAG 3

Vierhoek AEBC is geteken. Koördinate van B is $(3; 4)$. G, O en $F(5; 0)$ is x -afsnitte van lyn AC, AB en BC onderskeidelik. $H(1; -4)$ is 'n punt op lyn AC. $\hat{ABC} = \theta$.

Oppervlakte van $\triangle OBF = 12$ vierkante eenhede en die inklinasie van lyn AB is 45° .

$$HC = 2AH$$



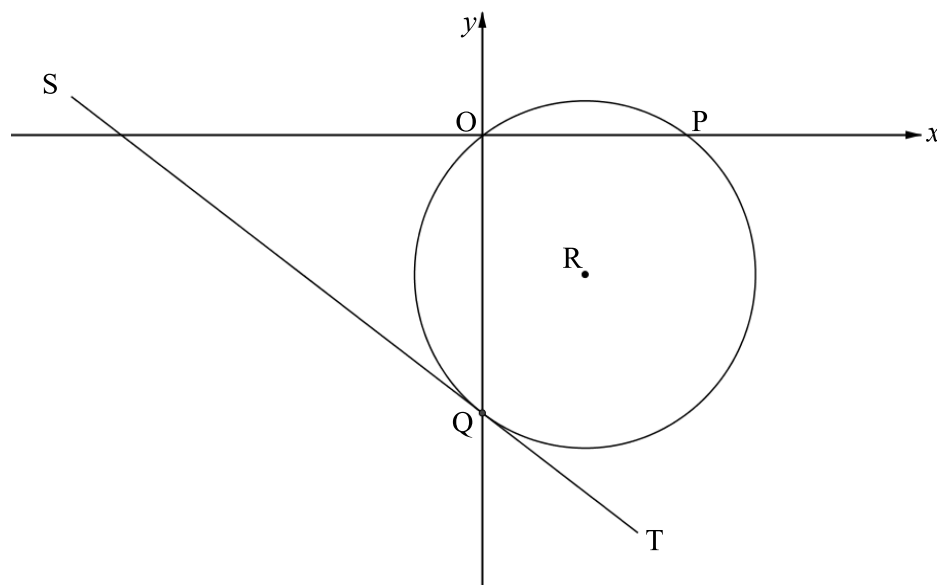
- 3.1 Bereken die lengte van BF. Laat jou antwoord in eenvoudigste wortelvorm. (2)
- 3.2 Bereken die gradiënt van BF. (2)
- 3.3 Bereken die grootte van θ . (3)
- 3.4 Bewys dat $HF \parallel AB$. (4)
- 3.5 Dit word verder gegee dat, EC halveer AB loodreg (middelloodlyn). Watter tipe vierhoek is AEBC? (1)
- 3.6 Bereken, vervolgens of andersins, die lengte van AC. (4)
- 3.7 Bereken die oppervlakte van vierhoek AOFC. (3)

[19]

VRAAG 4

4.1 In die diagram hieronder, is R die middelpunt van sirkel OPQ. Punt Q is die y -afsnit van die sirkel. SQT is 'n raaklyn aan die sirkel by Q. Die vergelyking van SQT is

$$y = -\frac{3}{4}x - 8.$$

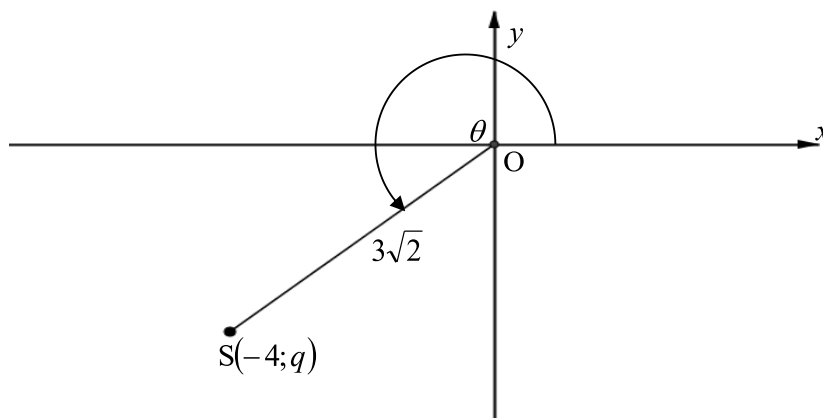


- 4.1.1 Bereken die koördinate van Q. (2)
- 4.1.2 Bepaal die vergelyking van QR in die vorm $y = mx + c$. (3)
- 4.1.3 Bereken die koördinate van P, die x -afsnit van lyn QR. (2)
- 4.1.4 Bereken die koördinate van R, die middelpunt van die sirkel. (3)
- 4.1.5 Skryf neer die vergelyking van die sirkel met middelpunt R in die vorm:
 $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$. (3)
- 4.1.6 As $y = k$ 'n raaklyn aan die sirkel is, bepaal die waarde(s) van k . (3)
- 4.2 Bereken die maksimum lengte van die radius van die sirkel met vergelyking
 $x^2 + y^2 - 2x \sin \theta - 4y \sin \theta = -2$. (5)

[21]

VRAAG 5

- 5.1 In die diagram hieronder, word punt $S(-4; q)$ en inspringendehoek θ getoon. O is die punt by die oorsprong. $OS = 3\sqrt{2}$.



Sonder om 'n sakrekenaar te gebruik, bepaal die waarde van:

- 5.1.1 q (2)
- 5.1.2 $\sin(\theta + 45^\circ)$ (4)
- 5.1.3 $\cos(2\theta - 360^\circ)$ (4)

- 5.2 Vereenvoudig die volgende sonder die gebruik van 'n sakrekenaar:

$$\frac{\sin(90^\circ - \theta) \cdot \cos 480^\circ + \cos(180^\circ - \theta)}{\cos \theta \cdot \sin 150^\circ - \tan 180^\circ} \quad (5)$$

- 5.3 Bewys dat $\frac{\cos x}{\sin 2x} - \frac{\cos 2x}{2 \sin x} = \sin x$ (5)

5.4 Gegee: $\frac{\cos 60^\circ}{\sin x} - \frac{\sin 60^\circ}{\cos x} = 2$

- 5.4.1 Toon aan dat die vergelyking $\frac{\cos 60^\circ}{\sin x} - \frac{\sin 60^\circ}{\cos x} = 2$ geskryf kan word as $\cos(x + 60^\circ) = \cos(90^\circ - 2x)$ (3)

- 5.4.2 Bepaal, vervolgens of andersins, die algemene oplossing van $\frac{\cos 60^\circ}{\sin x} - \frac{\sin 60^\circ}{\cos x} = 2$ (4)

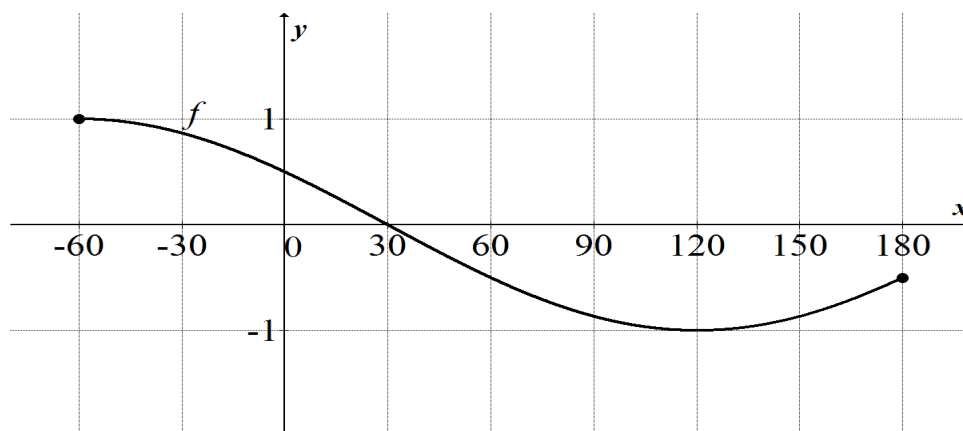
- 5.5 Gegee dat $\cos 22,5^\circ = \frac{a}{c}$ en $a^2 + b^2 = c^2$.

Toon aan, met behulp van 'n diagram of andersins dat $\frac{2ab}{c^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$. (5)

[32]

VRAAG 6

Die grafiek van $f(x) = -\sin(x - 30^\circ)$ is geteken, in die interval van $x \in [-60^\circ; 180^\circ]$.



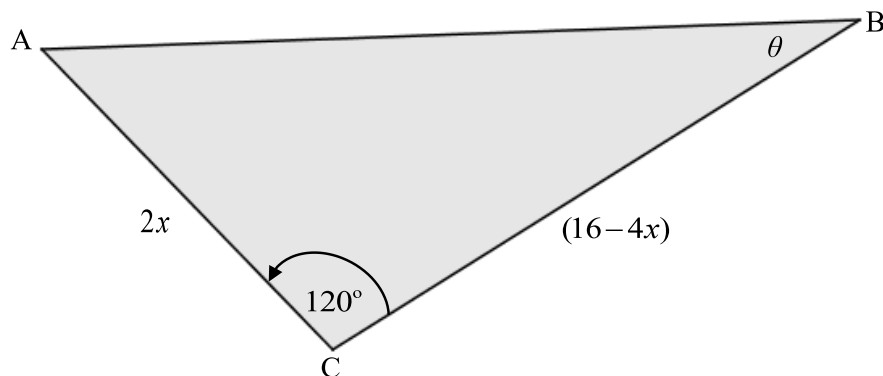
Gebruik die grafiek om die volgende vrae te beantwoord.

- 6.1 Skryf die periode van f neer. (1)
- 6.2 Skryf die minimumwaarde van f neer. (1)
- 6.3 Bepaal die waardeversameling/terrein van $f(x) + 1$. (2)
- 6.4 Vir watter waardes van x is die grafiek van f stygend/toenemend, waar $x \in [-60^\circ; 180^\circ]$? (2)
- 6.5 Die grafiek van f is 60° na regs geskuif en daarna in die x -as gereflekteer om 'n nuwe grafiek g te vorm. Bepaal die vergelyking van g in die eenvoudigste vorm. (3)
- 6.6 Teken die grafiek van g op dieselfde assestelsel. Toon die afsnitte met die asse en die draaipunte in die interval van $x \in [-60^\circ; 180^\circ]$ duidelik aan. (3)

[12]

VRAAG 7

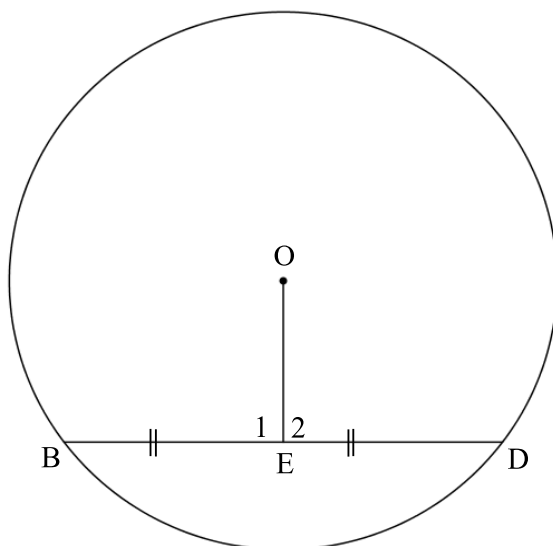
In $\triangle ABC$ hieronder, is $AC = 2x$, $BC = (16 - 4x)$, $\hat{C} = 120^\circ$, $\hat{B} = \theta$.



- 7.1 Bepaal die oppervlakte van $\triangle ABC$ in terme van x , sonder die gebruik van 'n sakrekenaar. (3)
- 7.2 Vir watter waarde(s) van x sal die oppervlakte van $\triangle ABC$ 'n maksimum wees? (3)
- [6]

VRAAG 8

- 8.1 In die diagram hieronder, is O die middelpunt van die sirkel. BD is die koord van die sirkel. E is die middelpunt van koord BD.

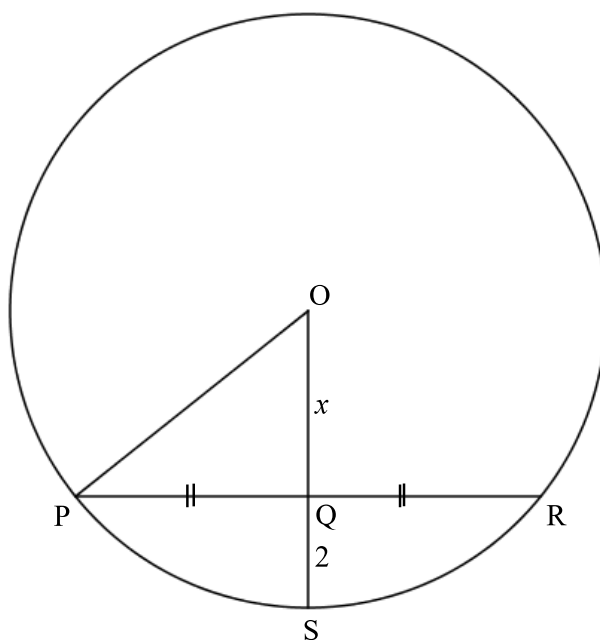


Gebruik die diagram wat in die ANTWOORDEBOEK voorsien is om die stelling te bewys wat meld dat: Die lynstuk getrek vanaf die middelpunt van die sirkel wat die koord halveer is, loodreg op die koord.

Met ander woorde, bewys dat: $OE \perp BD$.

(5)

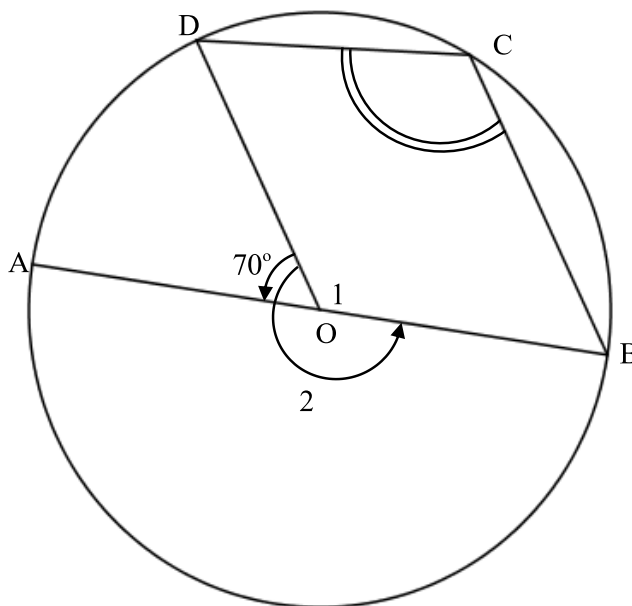
- 8.2 In die diagram hieronder, is O die middelpunt van die sirkel. Q is die middelpunt van koord PR . OQS is die radius van die sirkel. $PR = 8$ eenhede, $OQ = x$ eenhede en $QS = 2$ eenhede.



- 8.2.1 Bepaal, met redes, die grootte van \hat{OQP} . (2)
- 8.2.2 Bereken die lengte van PO . (5)
- [12]

VRAAG 9

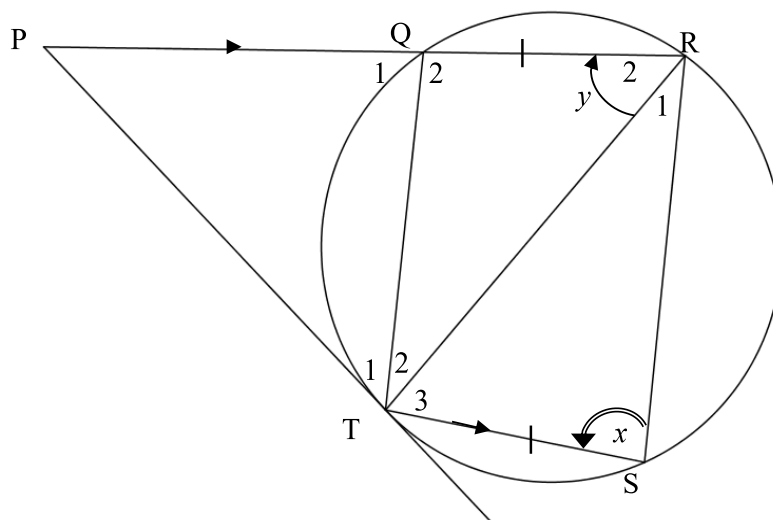
- 9.1 A, B, C en D is punte op die omtrek van die sirkel met middelpunt O. AOB is die middellyn van die sirkel. $\hat{AOD} = 70^\circ$.



Bereken die grootte van \hat{C} , verskaf redes.

(5)

- 9.2 PT is 'n raaklyn aan die sirkel by T. $PR \parallel TS$ en PQR is 'n reguitlyn. Q, R en S is punte op die omtrek van die sirkel. $\hat{R}_2 = y$ en $\hat{S} = x$. $QR = TS$.

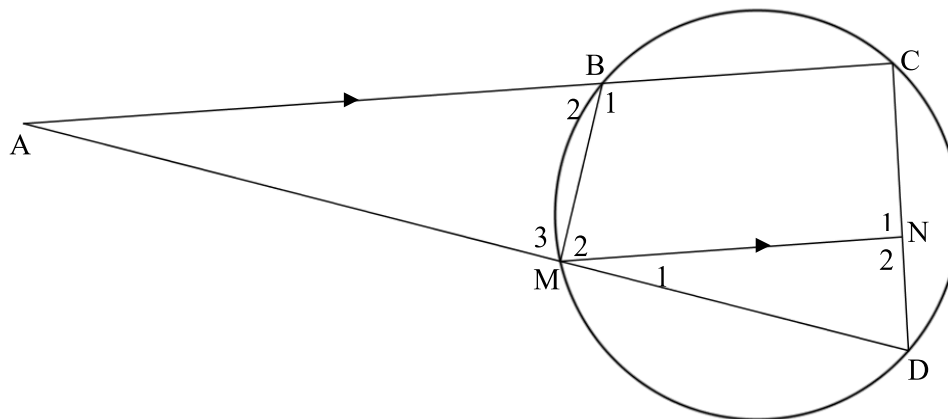


- 9.2.1 Noem, met redes, TWEE ander hoeke elk gelyk aan y . (4)
- 9.2.2 Bepaal, met rede, 'n ander hoek wat gelyk aan \hat{T}_2 is. (2)
- 9.2.3 Bewys dat TR die middellyn van die sirkel is. (4)
- [15]**

VRAAG 10

BCDM is 'n koordevierhoek. Koorde MD en BC is verleng om by punt A te ontmoet. N is 'n punt op CD. $AC \parallel MN$ en $AM = CD$.

$AC = 36$ eenhede, $AD = 48$ eenhede en $BM = 24$ eenhede.



10.1 Bewys dat $\triangle ABM \parallel \triangle ADC$. (4)

10.2 Bewys dat $CD^2 = BM \times AC$. (3)

10.3 Bereken die lengte van CN. (6)

[13]

TOTAAL: 150

INLIGTINGSBLAD: WISKUNDE

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$A = P(1 + ni)$$

$$A = P(1 - ni)$$

$$A = P(1 - i)^n$$

$$A = P(1 + i)^n$$

$$F = \frac{x \left[(1+i)^n - 1 \right]}{i}$$

$$P = \frac{x \left[1 - (1+i)^{-n} \right]}{i}$$

$$T_n = a + (n-1)d$$

$$S_n = \frac{n}{2}(2a + (n-1)d)$$

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}; \quad r \neq 1$$

$$S_\infty = \frac{a}{1-r}; \quad -1 < r < 1$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$$

$$y = mx + c \quad y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \tan \theta$$

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$$

$$\text{In } \triangle ABC: \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} \quad a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A \quad \text{area } \triangle ABC = \frac{1}{2} ab \cdot \sin C$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos 2\alpha = \begin{cases} \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha \\ 1 - 2\sin^2 \alpha \\ 2\cos^2 \alpha - 1 \end{cases}$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} \quad \sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

$$P(A \text{ of } B) = P(A) + P(B) - P(A \text{ en } B)$$

$$\hat{y} = a + bx$$

$$b = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum (x - \bar{x})^2}$$