

# SA's Leading Past Year

## Exam Paper Portal



You have Downloaded, yet Another Great Resource to assist you with your Studies 😊

Thank You for Supporting SA Exam Papers

Your Leading Past Year Exam Paper Resource Portal

Visit us @ [www.saexampapers.co.za](http://www.saexampapers.co.za)





## AMENDMENT TO MARKING GUIDELINES

PREPARATORY EXAMINATION /  
VOORBEREIDENDE EKSAMEN 2023

### FOR ATTENTION / VIR AANDAG: THE CHIEF INVIGILATOR / DIE HOOF TOESIGHOUER

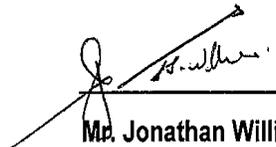
SUBJECT / VAK	MATHEMATICS / WISKUNDE
SUBJECT CODE / VAKKODE	10611
PAPER / VRAESTEL	1
DATE OF EXAMINATION / DATUM VAN EKSAMEN	8 SEPTEMBER 2023

The **MATHEMATICS / WISKUNDE** (Paper / *Vraestel* 1) written on **8 September 2023** has reference. It has come to our attention that there was an anomaly in the question paper which rendered **Question / Vraag 9.2** ambiguous.

To ensure that your candidates are not disadvantaged and prejudiced in way, you are advised to please ask Educators to ignore **Question / Vraag 9.2** when **marking**.

In other words, the paper must be marked out of a total of 145 instead of 150 and then the learners' marks must be converted back to a mark out of 150. E.g. Should a learner have attained 65/145, then that mark is recalculated as 67/150.

<p>Use the formula: <math>\frac{a}{145} \times 100 = b</math>. Then, <math>\frac{b}{100} \times 150 = c</math></p> <p><i>c</i> is the mark that is entered into SASAMS out of 150.</p>
--

  
 Mr. Jonathan Williams

**DIRECTOR: EXAMINATIONS MANAGEMENT**

9 September 2023





# VOORBEREIDENDE EKSAMEN

2023

## NASIENRIGLYNE

WISKUNDE (VRAESTEL 1) (10611)

21 bladsye

**INSTRUKSIES EN INLIGTING:**

A – Akkuraatheid

CA – Kontinue Akkuraatheid

S – Bewering

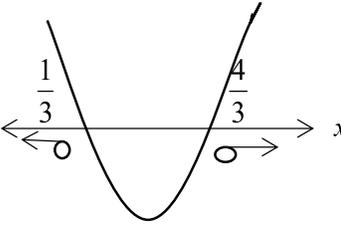
R – Rede

S en R – Bewering en Rede

**NOTA:**

- Indien 'n kandidaat 'n vraag TWEE keer beantwoord het, sien slegs die EERSTE poging na.
- Indien 'n kandidaat 'n antwoord doodgetrek het, en dit nie weer gedoen het nie, sien die doodgetrekte antwoord na.
- Deurlopende akkuraatheid moet op ALLE aspekte van die nasienriglyn toegepas word.
- Dit is ONAANVAARBAAR om waardes/antwoorde aan te neem om probleme op te los.

## VRAAG 1

1.1	1.1.1	$(2x+1)^2 - 4 = 0$ $4x^2 + 4x + 1 - 4 = 0$ $4x^2 + 4x - 3 = 0$ $(2x+3)(2x-1) = 0$ $x = -\frac{3}{2}$ or $x = \frac{1}{2}$	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ standaardvorm</li> <li>✓ faktore</li> <li>✓ antwoorde</li> </ul>		
		<b>OF</b>			
		$(2x+1)^2 - 4 = 0$ $2x+1 = \pm\sqrt{4}$ $2x+1 = \pm 2$ $2x = \pm 2 - 1$ $2x = 2 - 1$ or $2x = -2 - 1$ $2x = 1$ or $2x = -3$ $x = \frac{1}{2}$ or $x = -\frac{3}{2}$	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ kry vierkantswortel</li> <li>✓ vereenvoudiging</li> <li>✓ antwoorde</li> </ul>		
		<b>NOTA: In opsie 2, moet die punt vir vereenvoudiging slegs toegeken word indien die kandidaat <math>\pm 2</math> noem of indien dit later in die oplossing so demonstreer word.</b>		(3)	
	1.1.2	$4x^2 - 11 = -12x$ $4x^2 + 12x - 11 = 0$ $x = \frac{-12 \pm \sqrt{(12)^2 - 4(4)(-11)}}{2(4)}$ $x = -3,74$ of $x = 0,74$	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ korrekte substitusie</li> <li>✓✓ antwoorde</li> </ul>		
		<b>NOTA: Penaliseer 1 punt vir afronding, slegs in hierdie vraag. Kandidaat moet die substitusie wys om volpunte te behaal.</b>		(3)	
	1.1.3	$15x - 4 < 9x^2$ $\therefore -9x^2 + 15x - 4 < 0$ $\therefore 9x^2 - 15x + 4 > 0$ $(3x-1)(3x-4) > 0$ $\therefore x < \frac{1}{3}$ or $x > \frac{4}{3}$		<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ standaardvorm</li> <li>✓ faktore</li> <li>✓✓ antwoorde</li> </ul>	
		<b>NOTA: Penaliseer met 1 punt, indien EN in plaas van OF gebruik is.</b>		(4)	

1.1.4	$\sqrt{2x-2} - \sqrt{7-2x} = 1$ $(\sqrt{2x-2})^2 = (\sqrt{7-2x} + 1)^2$ $2x-2 = 7-2x+2\sqrt{7-2x}+1$ $4x-10 = 2\sqrt{7-2x}$ $(2x-5)^2 = (\sqrt{7-2x})^2$ $4x^2 - 20x + 25 = 7 - 2x$ $4x^2 - 18x + 18 = 0$ $\therefore 2x^2 - 9x + 9 = 0$ $(x-3)(2x-3) = 0$ $\therefore x = 3 \text{ or } x = \frac{3}{2}$ $\text{verwerp: } x \neq \frac{3}{2}$	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ isoleer wortel en kwadreer beide kante</li> <li>✓ vereenvoudiging</li> <li>✓ standaardvorm</li> <li>✓ faktore</li> <li>✓ <math>x = 3</math> en verwerping</li> </ul>	(5)
1.2	$a^2b^2 - 2ab - 8 = 0 \text{ en } \log_2(a+5) = 3$ $\log_2(a+5) = 3$ $2^3 = a+5$ $8 = a+5$ $a = 3$ $\therefore a^2b^2 - 2ab - 8 = 0$ $(3)^2b^2 - 2(3)b - 8 = 0$ $9b^2 - 6b - 8 = 0$ $(3b-4)(3b+2) = 0$ $b = \frac{4}{3} \text{ of } b = -\frac{2}{3}$ <p style="text-align: center;"><b>OF</b></p> $a^2b^2 - 2ab - 8 = 0 \text{ en } \log_2(a+5) = 3$ $\log_2(a+5) = 3$ $2^3 = a+5$ $8 = a+5$ $a = 3$ $a^2b^2 - 2ab - 8 = 0$ $(ab-4)(ab+2) = 0$ $ab = 4 \text{ of } ab = -2$ $\therefore 3b = 4 \quad 3b = -2$ $b = \frac{4}{3} \text{ of } b = -\frac{2}{3}$	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ eksponensiële vorm</li> <li>✓ waarde van <math>a</math></li> <li>✓ substitusie</li> <li>✓ faktore</li> <li>✓ albei antwoorde van <math>b</math></li> </ul> <p style="text-align: center;"><b>OF</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ eksponensiële vorm</li> <li>✓ waarde van <math>a</math></li> <li>✓ faktore</li> <li>✓ substitusie</li> <li>✓ albei antwoorde van <math>b</math></li> </ul>	(5)

1.3	$p = \frac{\sqrt{x+2}}{\sqrt{16-x^2}}$ $\therefore x+2 \geq 0$ $\therefore x \geq -2 \dots \dots \dots (1)$ $\therefore 16-x^2 > 0$ $(4+x)(4-x) > 0$ $\therefore -4 < x < 4 \dots \dots \dots (2)$ <p>Uit (1) en (2)</p> $-2 \leq x < 4$	<p>✓ ongelijkheid (1)</p> <p>✓ faktore ✓ ongelijkheid (2)</p> <p>✓ antwoord</p>	(4)
			[24]

## VRAAG 2

2.1	2.1.1	$1-p; 2p-3; p+5$ $d = T_2 - T_1 = T_3 - T_2$ $\therefore (2p-3) - (1-p) = (p+5) - (2p-3)$ $2p-3-1+p = p+5-2p+3$ $3p-4 = -p+8$ $4p = 12$ $\therefore p = 3$	<p>✓ substitusie</p> <p>✓ antwoord</p>	(2)
	2.1.2	(a) $T_1 = 1-p$ $T_1 = 1-3$ $T_1 = -2$	<p>✓ antwoord</p>	(1)
		(b) $T_2 = 2p-3$ $T_2 = 2(3)-3$ $\therefore T_2 = 3$ $\therefore d = T_2 - T_1$ $d = 3 - (-2)$ $d = 5$	<p>✓ antwoord</p>	(1)
	2.1.3	$1-p; 2p-3; p+5; \dots$ $= 1-3; 2(3)-3; 3+5; \dots$ $= -2; 3; 8; 13; 18; \dots$ Al die terme behalwe $T_1$ eindig op 3 of 8 terwyl volkome vierkante eindig op 1; 4; 9; 6; 5; 0.	<p>✓ korrekte terme</p> <p>✓ verduideliking</p>	
		<b>OF</b>		

	$T_1$ is nie 'n volkome vierkant nie.  <b>OF</b> $T_n = 5n - 7$ $\therefore$ nie volkome vierkant nie	$\checkmark\checkmark$ verduideliking  $\checkmark\checkmark$ $T_n = 5n - 7$	(2)
--	---	--	-----

2.2	2.2.1	<p><math>-3; -2; -3; -6; -11; \dots</math></p> <p>Eerste verskille: <math>+1; -1; -3; -5</math></p> $T_n = a + (n-1)d$ $T_n = 1 + (n-1)(-2)$ $T_n = 1 - 2n + 2$ $T_n = -2n + 3$	<p>✓ eerste verskille</p> <p>✓ substitusie</p> <p>✓ antwoord</p>	(3)
	2.2.2	$T_n = -2n + 3$ $T_{35} = -2(35) + 3$ $\therefore T_{35} = -67$	<p>✓ antwoord</p>	(1)
	2.2.3	<p> <math display="block">\begin{array}{ccccccccc} &amp; -3 &amp; &amp; -2 &amp; &amp; -3 &amp; &amp; -6 &amp; &amp; -11 \\ &amp; \diagdown &amp; &amp; \diagup &amp; &amp; \diagdown &amp; &amp; \diagup &amp; &amp; \diagdown \\ &amp; &amp; 1 &amp; &amp; -1 &amp; &amp; -3 &amp; &amp; -5 &amp; \\ &amp; &amp; \diagdown &amp; &amp; \diagup &amp; &amp; \diagdown &amp; &amp; \diagup &amp; \\ &amp; &amp; &amp; -2 &amp; &amp; -2 &amp; &amp; -2 &amp; &amp; \end{array}</math> </p> <p>1<sup>ste</sup> verskille</p> <p>2<sup>de</sup> verskille</p> $\begin{array}{lcl} 2a = -2 & 3a + b = 1 & a + b + c = -3 \\ a = -1 & 3(-1) + b = 1 & -1 + 4 + c = -3 \\ & b = 4 & c = -6 \end{array}$ $T_n = -n^2 + 4n - 6$ <p><b>OF</b></p> $T_n = an^2 + bn + c$ <p>maar... <math>2a = -2</math></p> $\therefore a = -1$ $\therefore T_n = -n^2 + bn + c$ $T_1 = -(1)^2 + b(1) + c$ $-3 = -1 + b + c$ $\therefore -2 = b + c \dots \dots (1)$ $T_2 = -(2)^2 + b(2) + c$ $-2 = -4 + 2b + c$ $\therefore 2 = 2b + c \dots \dots (2)$ $(2-1) \dots \therefore b = 4$ <p>sub(1) <math>\dots -2 = 4 + c</math></p> $\therefore c = -6$ $\therefore T_n = -n^2 + 4n - 6$	<p>✓ tweede verskille</p> <p>✓ <math>a = -1</math></p> <p>✓ <math>b = 4</math></p> <p>✓ <math>c = -6</math></p> <p>✓ tweede verskille</p> <p>✓ <math>a = -1</math></p> <p>✓ <math>b = 4</math></p> <p>✓ <math>c = -6</math></p>	(4)

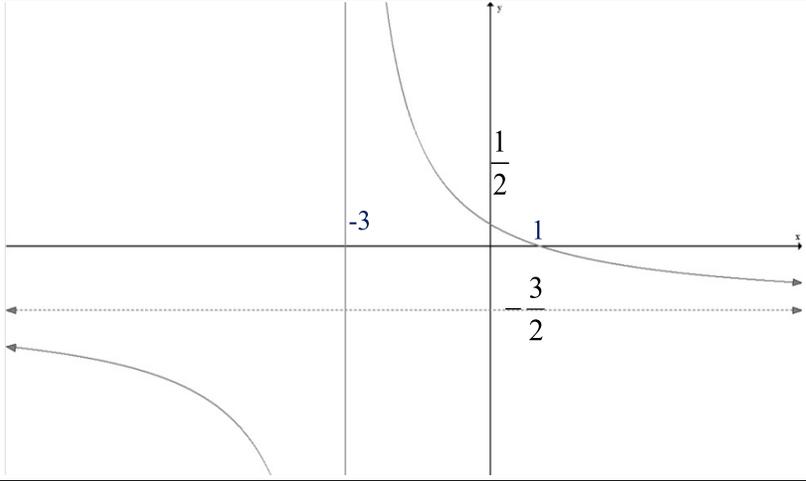
	<p>2.2.4 <math>T_n = -n^2 + 4n - 6</math>  <math>T'(n) = -2n + 4</math>  <math>0 = -2n + 4</math>  <math>n = 2</math>  <math>\therefore T(2) = -2</math>          GEEN positiewe terme nie.</p> <p><b>OF</b></p> <p><math>T_n = -n^2 + 4n - 6</math>  <math>T_n = -[n^2 - 4n + 2^2 - 4 + 6]</math>  <math>T_n = -[(n-2)^2 + 2]</math>  <math>\therefore T_n = -(n-2)^2 - 2</math>  <math>\therefore T_n(\text{maks}) = -2</math>  <math>\therefore</math> GEEN positiewe terme nie.</p> <p><b>OF</b></p> <p>Maksimum is -2 , wat negatief is.</p>	<p>✓ metode</p> <p>✓ <math>T_n(\text{maks})</math></p> <p>✓ metode</p> <p>✓ <math>T_n(\text{maks})</math></p> <p>✓✓ Maks = -2</p>	<p>(2)</p>
<b>[16]</b>			

## VRAAG 3

3.1	$S_n = 4n^2 + 1$ $S_6 = 4(6)^2 + 1$ $\therefore S_6 = 145$ $S_5 = 4(5)^2 + 1$ $\therefore S_5 = 101$ $\therefore T_6 = S_6 - S_5$ $\therefore T_6 = 145 - 101$ $\therefore T_6 = 44$	<p>✓ waarde van <math>S_6</math></p> <p>✓ waarde van <math>S_5</math></p> <p>✓ antwoord</p>	(3)
3.2	$(4x-3) + (4x-3)^2 + (4x-3)^3$ $\therefore r = 4x-3$ $\therefore -1 < r < 1; \quad r \neq 0$ $-1 < 4x-3 < 1; \quad 4x-3 \neq 0$ $\therefore 2 < 4x < 4 \quad x \neq \frac{3}{4}$ $\therefore \frac{1}{2} < x < 1; \quad x \neq \frac{3}{4}$ <p><b>NOTA: Geen penalisasie indien kandidaat nie stel dat <math>x \neq \frac{3}{4}</math> is nie.</b></p>	<p>✓ <math>r = 4x-3</math></p> <p>✓ <math>-1 &lt; r &lt; 1</math></p> <p>✓ antwoord</p>	(3)
3.3	$\sum_{k=3}^5 (-1)^k \cdot \frac{2}{k}$ $= (-1)^3 \cdot \frac{2}{3} + (-1)^4 \cdot \frac{2}{4} + (-1)^5 \cdot \frac{2}{5}$ $= -\frac{2}{3} + \frac{1}{2} - \frac{2}{5}$ $= -\frac{17}{30}$ <p><b>NOTA: Antwoord alleen, volpunte.</b></p>	<p>✓ uitbreiding</p> <p>✓ antwoord</p>	(2)
			<b>[8]</b>

## VRAAG 4

4.1	$x \neq -3$	✓ antwoord	(1)
4.2	$y \neq 2$	✓ antwoord	(1)
4.3	4.3.1 6 eenhede <b>NOTA: Aanvaar 6 eenhede regs, maar nie 6 eenhede links nie.</b>	✓ antwoord	(1)
	4.3.2 3,5 eenhede <b>NOTA: Aanvaar 3,5 eenhede na bo, maar nie 3,5 eenhede afwaarts nie.</b>	✓ antwoord	(1)
4.4	$x = -3$ $y = -\frac{3}{2}$ <b>NOTA: Vergelykings in terme van <math>p</math> en <math>q</math> word nie aanvaar nie</b>	✓ antwoord ✓ antwoord	(2)
4.5	$0 = \frac{6}{x+3} - 1,5$ $\frac{3}{2} = \frac{6}{x+3}$ $3(x+3) = 6(2)$ $3x+9 = 12$ $3x = 3$ $x = 1$ (1;0) <b>NOTA: Die antwoord hoef NIE in koördinaatvorm te wees NIE.</b>	✓ antwoord	(1)

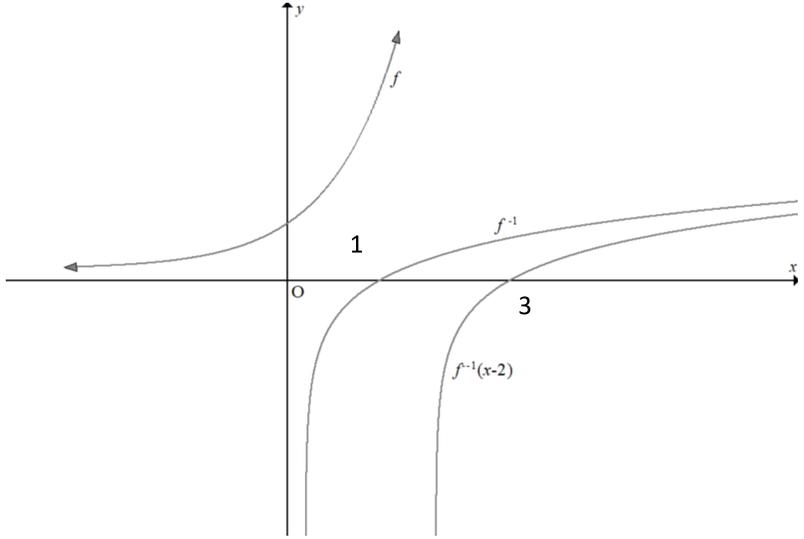
4.6		<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ asimptote</li> <li>✓ afsnitte</li> <li>✓ vorm</li> </ul>	(3)
4.7	$y = -x + k$ $\therefore -\frac{3}{2} = -(-3) + k$ $-\frac{3}{2} = 3 + k$ $\therefore k = -\frac{9}{2}$ <p><b>NOTA: Antwoord alleen, volpunte.</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ vervang die punt</li> <li>✓ antwoord</li> </ul>	(2)
4.8	$x > -3$	✓ antwoord	(1)
4.9	$y = \frac{-6}{x+3} + \frac{3}{2}$ <p><b>OF</b></p> $y = \frac{6}{-x-3} + \frac{3}{2}$ <p><b>OF</b></p> $y = -\frac{6}{x+3} + \frac{3}{2}$	✓ antwoord	(1)
			<b>[14]</b>

## VRAAG 5

5.1	$E\left(\frac{7}{2}; \frac{81}{4}\right)$	✓ antwoord	(1)
5.2	$f(x) = -\left(x - \frac{7}{2}\right)^2 + \frac{81}{4}$ $f(1) = -\left(1 - \frac{7}{2}\right)^2 + \frac{81}{4} = 14$ $f(5) = -\left(5 - \frac{7}{2}\right)^2 + \frac{81}{4} = 18$ $\therefore AG = \frac{f(5) - f(1)}{5 - 1}$ $= \frac{18 - 14}{4}$ $\therefore AG = 1$	✓ waarde van $f(1)$ ✓ waarde van $f(5)$ ✓ substitusie ✓ antwoord	(4)
5.3	$f(x) = -\left(x - \frac{7}{2}\right)^2 + \frac{81}{4}$ $\therefore f(x) = -x^2 + 7x + 8$ $\because f(x) = g(x)$ $\therefore -x^2 + 7x + 8 = -3x + 24$ $-x^2 + 10x - 16 = 0$ $\therefore x^2 - 10x + 16 = 0$ $(x - 2)(x - 8) = 0$ $\therefore x = 2 \text{ or } x = 8$ $\therefore x_D = 2$	✓ gelykstelling ✓ x-waardes ✓ antwoorde/keuse	(3)
5.4	$ST = f(x) - g(x)$ $ST = -x^2 + 7x + 8 - (-3x + 24)$ $ST = -x^2 + 7x + 8 + 3x - 24$ $ST = -x^2 + 10x - 16$	✓ metode ✓ antwoord	(2)
5.5	Vir maks: $\frac{d(ST)}{dx} = 0$ $\frac{d(ST)}{dx} = -2x + 10 = 0$ $2x = 10$ $\therefore x = 5$ maks: $ST = -(5)^2 + 10(5) - 16$ $\therefore ST = 9$	✓ afgeleide = 0 ✓ waarde van x ✓ antwoord	(3)

[13]

## VRAAG 6

6.1	$y = 3^x$ Omgekeerde $x = 3^y$ $\therefore y = \log_3 x$	✓ antwoord	(1)
6.2	$y = f^{-1}(x) = \log_3 x$ x-afsnit: $\log_3 x = 0$ $\therefore x = 3^0$ $\therefore x = 1$  y-afsnit: Geen  $y = f^{-1}(x-2) = \log_3(x-2)$  x-afsnit: $\log_3(x-2) = 0$ $\therefore x-2 = 3^0$ $\therefore x = 3$  y-afsnit: Geen   <p><b>NOTA: Indien die kandidaat nie die grafiek geskets het nie maar wel beide x-afsnitte bereken het, ken 2 punte toe.</b></p>	✓ x-afsnit van $f^{-1}(x) = \log_3 x$ ✓ vorm $f^{-1}(x) = \log_3 x$  ✓ x-afsnit van $f^{-1}(x-2) = \log_3(x-2)$ ✓ vorm $f^{-1}(x-2) = \log_3(x-2)$	(4)
6.3	$\log_3(x-2) < 1$ $\therefore 2 < x < 5$	✓ kritieke waardes ✓ korrekte notasie	(2)
			<b>[7]</b>

## VRAAG 7

7.1	$A = P(1+i)^n$ $6\,000\,000 = 5\,700\,000(1+i)^7$ $\frac{6\,000\,000}{5\,700\,000} = (1+i)^7$ $\sqrt[7]{1,0526\dots} = 1+i$ $\therefore i = 1,00735 - 1$ $\therefore i = 0,00735$ <p>koers: 0,74%</p>	<p>✓ substitusie in die korrekte formule</p> <p>✓ waarde van <math>i</math></p> <p>✓ antwoord</p>	(3)
7.2	<p>7.2.1</p> $P_v = \frac{x[1-(1+i)^{-n}]}{i}$ $4\,000\,000 = \frac{30\,000 \left[ 1 - \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^{-n} \right]}{\frac{0,06}{12}}$ $\frac{4\,000\,000 \times \left( \frac{0,06}{12} \right)}{30\,000} = 1 - \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^{-n}$ $\frac{1}{3} = \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^{-n}$ $\log_{\left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)} \frac{1}{3} = -n$ $n = 220,27$ <p><math>\therefore</math> sy kan 220 onttrekkings maak.</p>	<p>✓ substitusie in die korrekte formule</p> <p>✓ <math>i = \frac{0,06}{12}</math></p> <p>✓ vereenvoudiging</p> <p>✓ korrekte gebruik van logs</p> <p>✓ antwoord van 220</p>	(5)

7.2.2	$4\,000\,000 = \frac{20\,000 \left[ 1 - \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^{-n} \right]}{\frac{0,06}{12}}$ $0 = \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^{-n}$ <p>Sy kan enige aantal (oneindige aantal) onttrekkings maak.</p> <p>Die rente wat sy verdien is gelyk aan die onttrekking wat sy maak. Sy onttrek slegs die rente bedrag.</p> <p style="text-align: center;"><b>OF</b></p> $A = P(1+i)^n$ $A = 4\,000\,000 \left( 1 + \frac{0,06}{12} \right)^1$ $A = R4\,020\,000$ <p>Sy kan enige aantal (oneindige aantal) onttrekkings maak.</p> <p>Die rente wat sy verdien is gelyk aan die onttrekking wat sy maak. Sy onttrek slegs die rente bedrag.</p>	<p>✓ geldige metode</p> <p>✓ vereenvoudiging</p> <p>✓ verduideliking</p> <p style="text-align: center;"><b>OF</b></p> <p>✓ geldige metode</p> <p>✓ antwoord</p> <p>✓ verduideliking</p>	(3)
7.3	$A = P(1+i)^n$ $A = 1\,000 \left( 1 + \frac{0,15}{12} \right)^{18}$ $A = R1\,250,58$ $F_v = \frac{x[(1+i)^n - 1]}{i}$ $F_v = \frac{700 \left[ \left( 1 + \frac{0,15}{12} \right)^{18} - 1 \right]}{\frac{0,15}{12}}$ $F_v = R14\,032,33$ <p>Bedrag = R1 250,58 + R14 032,33</p> <p>∴ Bedrag = R15 282,91</p>	<p>✓ waarde van <math>A</math></p> <p>✓ substitusie in die korrekte formule</p> <p>✓ waarde van <math>F_v</math></p> <p>✓ antwoord</p>	(4)
<b>[15]</b>			

## VRAAG 8

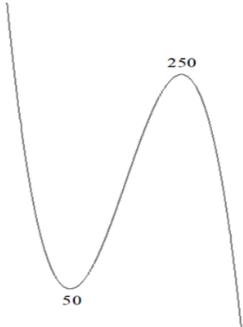
8.1	$f(x) = 3x^2 - 6$ $f(x+h) = 3(x+h)^2 - 6$ $f(x+h) = 3(x^2 + 2xh + h^2) - 6$ $f(x+h) = 3x^2 + 6xh + 3h^2 - 6$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3x^2 + 6xh + 3h^2 - 6 - 3x^2 + 6}{h}$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{6xh + 3h^2}{h}$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(6x + 3h)}{h}$ $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} (6x + 3h)$ $f'(x) = 6x$ <p><b>NOTA: Penaliseer met 1 punt vir notasie fout, slegs by hierdie vraag. Antwoord alleen, 0 punte</b></p>	<p>✓ <math>f(x+h)</math></p> <p>✓ substitusie</p> <p>✓ faktorisering</p> <p>✓ antwoord</p>	(4)
8.2	$f(x) = \left(2\sqrt{x} - \frac{1}{x}\right)^2$ $f(x) = 4x - 4 \cdot \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2}$ $f(x) = 4x - 4x^{\frac{1}{2}} + x^{-2}$ $f'(x) = 4 + 2x^{-\frac{3}{2}} - 2x^{-3}$ <p style="text-align: center;"><b>OF</b></p> $f'(x) = 4 + \frac{2}{\sqrt{x^3}} - \frac{2}{x^3}$	<p>✓ vereenvoudiging</p> <p>✓ <math>f(x) = 4x - 4x^{\frac{1}{2}} + x^{-2}</math></p> <p>✓ 4</p> <p>✓ <math>2x^{-\frac{3}{2}}</math> of <math>\frac{2}{\sqrt{x^3}}</math></p> <p>✓ <math>-2x^{-3}</math> of <math>\frac{2}{x^3}</math></p>	(5)
8.3	$f(x) = 3x^3 - 3x^2 + 6x - 2$ $f'(x) = 9x^2 - 6x + 6$ $f''(x) = 18x - 6$ <p>vir konkkaaf op</p> $18x - 6 > 0$ $\therefore x > \frac{1}{3}$ $\therefore x \in \left(\frac{1}{3}; \infty\right)$	<p>✓ <math>f'(x)</math></p> <p>✓ <math>f''(x)</math></p> <p>✓ korrekte voorwaarde vir konkawiteit</p> <p>✓ antwoord</p>	(4)

## VRAAG 9

9.1	9.1.1	$f'(x) = -6x^2 - 6x + 12$ y-afsnit $x = 0$ $\therefore f'(0) = 12$ $\therefore A(0 ; 12)$ <b>NOTA: Hoef nie in koördinaatvorm te wees nie.</b>	✓ antwoord	(1)
	9.1.2	x-afsnitte $y = f'(x) = 0$ $-6x^2 - 6x + 12 = 0$ $\therefore x^2 + x - 2 = 0$ $(x+2)(x-1) = 0$ $\therefore x = -2 \text{ or } x = 1$ $\therefore B(-2 ; 0) \quad ; \quad C(1 ; 0)$ <b>NOTA: Moet in koördinaatvorm wees.</b>	✓ $f'(x)$  ✓ faktore  ✓ altwee koördinate	(3)
	9.1.3	Draaipunte	✓ antwoord	(1)
	9.1.4	$f(x)$ styg waar: $m = f'(x) > 0$ $\therefore -2 < x < 1$ <b>OF</b> $m = f'(x) > 0$ $\therefore x \in (-2 ; 1)$	✓ $m = f'(x) > 0$ ✓✓ antwoorde <b>OF</b> ✓ $m = f'(x) > 0$ ✓✓ antwoorde	(3)
	9.1.5	Buigpunt: $f''(x) = 0$ $\therefore -12x - 6 = 0$ $-12x = 6$ $\therefore x = -\frac{1}{2}$ $f(x) = -2x^3 - 3x^2 + 12x + 20$ $\therefore f(-\frac{1}{2}) = -2(-\frac{1}{2})^3 - 3(-\frac{1}{2})^2 + 12(-\frac{1}{2}) + 20$ $\therefore f(-\frac{1}{2}) = 13,5$	✓ $f''(x) = 0$  ✓ waarde van $x$  ✓ substitusie  ✓ waarde van $f(-\frac{1}{2})$	(4)
9.2	<b>Hierdeï vraag is onttrek.</b>			
				<b>[12]</b>

## VRAAG 10

10.	$W(x) = -\frac{x^3}{150} + 3x^2 - 250x - 2700$ <p><math>\therefore</math> maks:</p> $W'(x) = -\frac{3x^2}{150} + 6x - 250 = 0$ $-x^2 + 300x - 12500 = 0$ $\therefore x^2 - 300x + 12500 = 0$ $(x - 250)(x - 50) = 0$ $\therefore x = 250 \dots \text{of} \dots x = 50$ $W''(x) = -\frac{6x}{150} + 6$ $W''(x) = -\frac{x}{25} + 6$ $\therefore W''(50) = -\frac{50}{25} + 6 > 0$ $\therefore W''(250) = -\frac{250}{25} + 6 < 0$ <p><math>\therefore</math> Maksimum wins: 250 fietse weekliks.</p> <p><b>OF</b></p>	<p>✓ <math>W'(x)</math></p> <p>✓ standaardvorm</p> <p>✓ faktore</p> <p>✓ waardes van <math>x</math></p> <p>✓ <math>W''(x)</math></p> <p>✓ <math>W''(50) &gt; 0</math></p> <p>✓ <math>W''(250) &lt; 0</math></p> <p>✓ gevolgtrekking</p>	
-----	--	---	--

$W(x) = -\frac{x^3}{150} + 3x^2 - 250x - 2700$ <p>∴ max :</p> $W'(x) = -\frac{3x^2}{150} + 6x - 250 = 0$ $-x^2 + 300x - 12500 = 0$ $\therefore x^2 - 300x + 12500 = 0$ $(x - 250)(x - 50) = 0$ $\therefore x = 250 \text{ or } x = 50$ $W(250) = -\frac{250^3}{150} + 3(250)^2 - 250(250) - 2700$ $W(250) = R18133,33$ <p>or</p> $W(50) = -\frac{50^3}{150} + 3(50)^2 - 250(50) - 2700$ $W(50) = -R8533,33$ <p>∴ Maksimum wins : 250 fietse weekliks.</p> <p>OF</p> $W(x) = -\frac{x^3}{150} + 3x^2 - 250x - 2700$ <p>∴ max :</p> $W'(x) = -\frac{3x^2}{150} + 6x - 250 = 0$ $-x^2 + 300x - 12500 = 0$ $\therefore x^2 - 300x + 12500 = 0$ $(x - 250)(x - 50) = 0$ $\therefore x = 250 \text{ or } x = 50$  <p>∴ Maksimum wins: 250 fietse weekliks.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ <math>W'(x)</math></li> <li>✓ <math>= 0</math></li>   <li>✓ faktore</li> <li>✓ waardes van <math>x</math></li>   <li>✓ substitusie</li>   <li>✓ <math>W(250)</math></li>   <li>✓ <math>W(50)</math></li>   <li>✓ gevolgtrekking</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ <math>W'(x)</math></li> <li>✓ <math>= 0</math></li>   <li>✓ faktore</li> <li>✓ waardes van <math>x</math></li> <li>✓ grafiek</li> <li>✓ min by <math>x = 50</math></li> <li>✓ maks by <math>x=250</math></li> <li>✓ gevolgtrekking</li> </ul>	
---	---	--



## VRAAG 11

**NOTA: Kandidate kan oplossings gee in desimale of breukvorm. Moenie penaliseer vir afronding nie.**

11.1	11.1.1	Vir onafhanklike gebeurtenisse: $P(A) \times P(B) = P(A \text{ en } B)$ $\therefore (x + 0,1) \times (0,4) = (0,1)$ $\therefore (x + 0,1) = 0,25$ $\therefore x = 0,15$  $x + 0,1 + 0,3 + y = 1$ $0,15 + 0,1 + 0,3 + y = 1$ $\therefore y = 0,45$	✓ korrekte substitusie  ✓ waarde van $x$  ✓ metode ✓ waarde van $y$	(4)
	11.1.2	$0,15 + 0,3$ $= 0,45$ <b>NOTA: Slegs antwoord, volpunte.</b>	✓ antwoord	(1)
11.2	<p>F (onsuksesvol)/P (slaag)</p>			
	11.2.1	$\frac{4}{7} \times \frac{3}{5} = \frac{12}{35}$ <b>NOTA: Slegs antwoord, volpunte.</b>	✓ metode ✓ antwoord	(2)
	11.2.2	$\frac{4}{7} \times \frac{2}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{24}{175}$ <b>NOTA: Slegs antwoord, volpunte.</b>	✓ metode ✓ antwoord	(2)
<b>[9]</b>				

## VRAAG 12

12.1	12.1.1	1 <b>NOTA: Aanvaar 2.</b>	✓ antwoord	(1)
	12.1.2	$7! - (2! \times 6!) = 3\,600$  <b>NOTA: Aanvaar antwoord as 3 600 of 7! - (2! × 6!) Geen CA as metode nie sinvol is nie.</b>	✓ 7! ✓ -(2! × 6!) ✓ antwoord	(3)
12.2	P(wen) $= 0,7 \times 0,9 + 0,3 \times 0,45$ $= 0,765$ $= 76,5\%$ <b>NOTA: Geen CA as metode nie sinvol is nie.</b>		metode  antwoord	(2)
				<b>[6]</b>
<b>TOTAAL:</b>				<b>145</b>